

6 febbraio 2013

ANALISI MATEMATICA II

Ing. Meccanica, dei Materiali e per l'Automazione

	1	2	3	4
Comp. 1	B	A	F	C
Comp. 2	A	D	C	E
Comp. 3	D	A	C	B
Comp. 4	B	C	F	D
Comp. 5	E	D	C	A
Comp. 6	D	E	C	F

Risposta Es. n. 5: Si ha convergenza uniforme su $[-(F+1), (F+1)]$ alla funzione $f \equiv 0$

Risposta Es. n. 6: La serie converge puntualmente su $[0, +\infty[$ e totalmente su ogni intervallo del tipo $[0, M]$, con $M > 0$

Risposta Es. n. 7: f è continua in $(0,0)$, ammette solo le derivate parziali in $(0,0)$ e sono nulle. Non è differenziabile in $(0,0)$

Risposta Es. n. 8: $f(t, y) = (y - (F + 1))e^y$ è $C^1(\mathbf{R} \times \mathbf{R})$ quindi esistenza ed unicità locali; $u = (F + 1)$ soluzione stazionaria; se $y_0 < (F + 1)$ soluzione u decrescente; se $y_0 > (F + 1)$ soluzione u crescente. Valutando la stima della sublinearità sulla soluzione, per ogni $y_0 \in \mathbf{R}$ l'intervallo massimale è illimitato a sinistra, per $y_0 < (F + 1)$ lo è anche a destra. Per $t \rightarrow -\infty$ la soluzione ammette $y = (F + 1)$ come asintoto orizzontale, se $y_0 \neq (F + 1)$, mentre se $y_0 < (F + 1)$ $\lim_{t \rightarrow +\infty} u(t) = -\infty$ (per il teorema dell'asintoto) e non ammette asintoto obliquo. Se $y_0 > (F + 1)$ soluzione u convessa; se $y_0 < (F + 1)$ esiste un punto \bar{t} (di flesso) con $u(\bar{t}) = (F)$ e u convessa per $t > \bar{t}$ e concava altrimenti,

dove F è il numero del compito.